

РАДИАЛЬНЫЙ ПРИРОСТ И ДЕНДРОИНДИКАЦИЯ
(математическое обеспечение)

В.С.Кушникис

ВЫЧИСЛЕНИЕ СЕРИЙ ИНДЕКСОВ ГОДИЧНЫХ КОЛЕЦ И ОТОБРАЖЕНИЕ ИХ В ВИДЕ ГРАФИКОВ
ПРИ ПОМОЩИ АЛГОРИТИМА ИЛИ ГРАФОПОСТРОИТЕЛЯ

В дендрохронологических исследованиях вместо серий годичных колец часто используются серии индексов годичных колец [1], вычисляемые по формуле

$$r_u^* = \frac{r_u}{S_u}, \quad u = 1, 2, \dots, n,$$

где $R = (r_1, r_2, \dots, r_n)$ — серия годичных колец,
 r_u — ширина кольца,
 $S = (s_1, s_2, \dots, s_n)$ — кривая роста, получаемая путем аппроксимации низкочастотной составляющей серии R ,
 $R^* = (r_1^*, r_2^*, \dots, r_n^*)$ — серия индексов годичных колец.

Кривую роста можно аппроксимировать различными функциями. Наиболее просто аппроксимация производится прямой или отрицательной экспоненциальной функцией. В описываемых программах аппроксимация производится ортогональными многочленами [2], позволяющими аппроксимировать более сложные кривые. В этом случае кривая роста выражается формулой

$$S_u^* = \sum_{c=1}^{m+1} E_c \cdot (u + 10)^{c-1}$$

где m — степень многочлена,
 E_c — коэффициенты, полученные из серии R .

Ниже описывается комплекс программ, вычисляющих индексы годичных колец и отображающих серии индексов в виде графиков при помощи граffопостроителя или АЛГОРИТИМА. Подпрограммы составлены на алгоритмических языках ФОРТРАН [3] и АЛГОЛ [4] (подпрограммы ФОРТРАН'а могут обращаться к независимо страницированным процедурам АЛГОЛ'а и наоборот). Обращение к граffопостроителю производится при помощи комплекса графических программ ГРАФОР [5]. Серии годичных колец должны быть записаны в базу данных, находящуюся на магнитной ленте МЛ 4-0. Каждое дерево, характеризуемое инвенторным номером I_i , $i = 1, 2, 3, \dots$, в базе данных представляется в виде двух серий годичных колец:

$$R_j^{(i)} = (r_{j,1}^{(i)}, r_{j,2}^{(i)}, \dots, r_{j,n}^{(i)}) \quad , j = 1, u,$$

где $R_1^{(i)}$ — серия колец ранней древесины,
 $R_2^{(i)}$ — серия колец поздней древесины,
 $r_{j,n}^{(i)}$ — ширина кольца.

$n^{(i)}$ - количество колец в серии.

Обращение к основной подпрограмме комплекса имеет вид

CALL DRATRE (NAME, YEAR, NN, KZO, KZMAX, KQ, NRMAX, XPAG, YPAG, XREG,
YREG, KPLOT, KQ1, KQ2, KERR)

где NN - количество серий годичных колец,

NAME (NN) - инвенторные номера серий, т.е. NAME (i) = I_i ,

YEAR (NN) - календарные годы первых колей серий, т.е. YEAR (i)

- календарный год первого кольца серии I_i ,

KZO - номер первой зоны базы данных на МИ 4-0,

KZMAX - номер последней зоны базы данных,

KQ - коэффициент, указывающий, какая древесина нужна:

$$KQ = \begin{cases} 0 & \text{- ранняя древесина,} \\ 1 & \text{- поздняя древесина,} \\ 2 & \text{- общая древесина (сумма толщины колец ранней и поздней} \\ & \text{древесины),} \end{cases}$$

NRMAX < 300 - максимально допустимая длина серии,

XPAG* - ширина страницы графопостроителя [см],

YPAG - высота страницы графопостроителя [см].

XREG - ширина графика (см для графопостроителя и позиции для АЦПУ)

$$KPLOT = \begin{cases} 0 & \text{- графики печатаются на АЦПУ,} \\ 1 & \text{- графики вычерчиваются на графопостроителе,} \end{cases}$$

$$KQ1 = \begin{cases} 0 & \text{- графики серий годичных колец не выводятся,} \\ 1 & \text{- графики серий годичных колей выводятся,} \end{cases}$$

$$KQ2 = \begin{cases} 0 & \text{- графики серий индексов годичных колец не выводятся,} \\ 1 & \text{- графики серий индексов годичных колец выводятся,} \end{cases}$$

KERR - признак ошибки

$$KERR = \begin{cases} 0 & \text{- нет ошибки,} \\ 1 & \text{- ошибка.} \end{cases}$$

При выводе графиков на графопостроитель должны выполняться следующие условия:

$$XREG < XPAG, YREG < YPAG.$$

Графики на странице графопостроителя располагаются сверху вниз (с промежутком между графиками 2 см) и слева направо (с промежутком между графиками 1 см). Таким образом, все графики на странице разместятся при условии

$$\text{entier} \left(\frac{YPAG-4}{YREG+2} \right) \cdot \text{entier} \left(\frac{XPAG-4}{XREG+1} \right) > NN \cdot (KQ1 + KQ2)$$

При выводе графиков на АЦПУ ($KPLOT = 0$) значения $XPAG$, $YPAG$ - произвольные. Высота графика не ограничивается. Ширина графика $XREG$ должна быть не больше 110 (т.е. $XREG < 110$). Если длина (количество колец), серии больше $XREG$, то

график автоматически подразделяется на интервалы длиной $XREG$, которые печатаются один под другим; высота каждого - $YREG$ строк (см.рис.I).

В подпрограмме имеется общий блок

```
COMMON /BDT/ RMNO, RMXO, IMNO, IMXO, RMN1, RMX1, IMN1, IMX1
```

Перед обращением к *DRAFRE* в этот общий блок засыпаются следующие данные:

RMNO - минимальное значение ширины кольца,

RMXO - максимальное значение ширины кольца,

IMNO - минимальное значение индекса,

IMXO - максимальное значение индекса.

При выполнении программы с базы данных последовательночитываются серии годичных колец

$$R_j^{(i)}, i = 1, 2, \dots, NN,$$

с инвенторными номерами

$$I_i = NAME(i) \quad \text{и} \quad i = KQ.$$

Для каждой серии

$$R_j^{(i)} = (r_{j,1}^{(i)}, r_{j,2}^{(i)}, \dots, r_{j,n^{(i)}}^{(i)})$$

выполняется:

1. при $KQ=1$ серия $R_j^{(i)}$ выводится в виде графика:

а) при $KPLOT=0$ - на АИЛУ,

б) при $KPLOT=1$ - на графопостроитель.

Математическая область функции (т.е. значения нижнего и верхнего края графика)

равна: $[RMNO, RMXO]$ - при $RMNO < RMXO$,

$[RMN^*, RMX^*]$ - при $RMNO \geq RMXO$.

Тут

$$RMN^* = \min_u r_{j,u}^{(i)}, \quad RMX^* = \max_u r_{j,u}^{(i)},$$

2. вычисляется серия индексов годичных колец

$$R_j^{*(i)} = (r_{j,1}^{*(i)}, r_{j,2}^{*(i)}, \dots, r_{j,n^{(i)}}^{*(i)})$$

3. при $KQ2=1$ серия индексов годичных колец выводится в виде графика:

а) при $KPLOT=0$ - на АИЛУ,

б) при $KPLOT=1$ - на графопостроитель.

Математическая область функции (т.е. значения нижнего и верхнего края графика)

равна: $[IMNO, IMXO]$ - при $IMNO < IMXO$,

$[IMN^*, IMX^*]$ - при $IMNO \geq IMXO$.

Тут

$$IMN^* = \min_u r_{j,u}^{*(i)}, \quad IMX^* = \max_u r_{j,u}^{*(i)}$$

После завершения подпрограммы DRA TRE в общем блоке BDT остаются следующие результаты:

$RMN1$ - минимальное значение ширины кольца по всем сериям

$$R_{kq}^{(i)}, i=1, 2, \dots, NN,$$

$$RMN1 = \min_{i,u} R_{kq,i}^{(i)}$$

$RMX1$ - максимальное значение ширины кольца по всем сериям

$$R_{kq}^{(i)}, i=1, 2, \dots, NN,$$

$$RMX1 = \max_{i,u} R_{kq,i}^{(i)}$$

$IMN1$ - минимальное значение индекса по всем сериям

$$R_{kq}^{*(i)}, i=1, 2, \dots, NN,$$

$$IMN1 = \min_{i,u} R_{kq,i}^{*(i)}$$

$IMX1$ - максимальное значение индекса по всем сериям

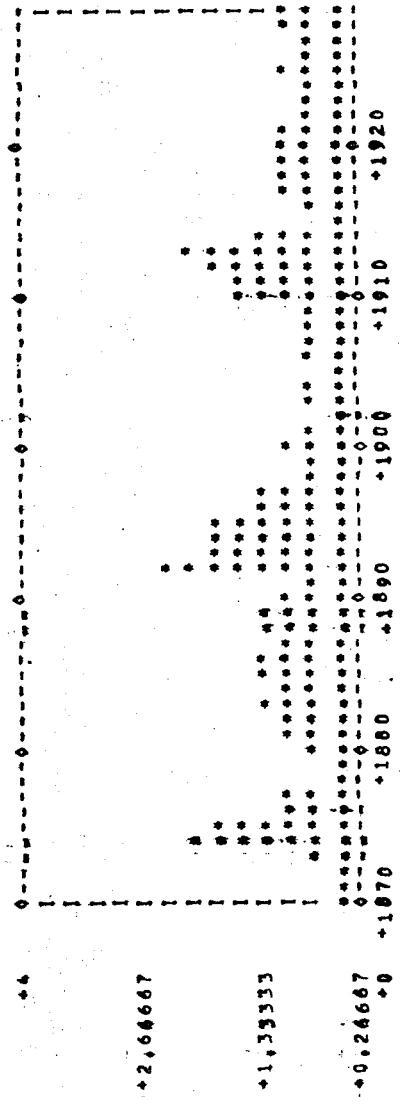
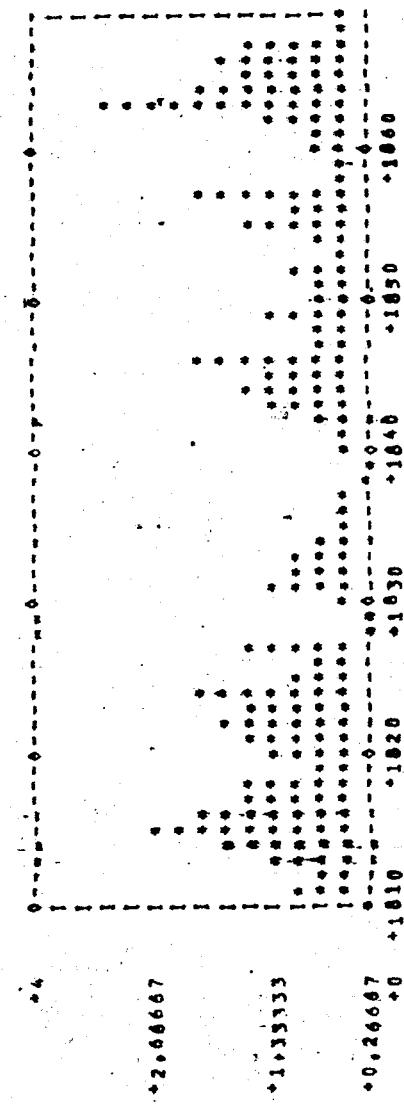
$$R_{kq}^{*(i)}, i=1, 2, \dots, NN,$$

$$IMX1 = \max_{i,u} R_{kq,i}^{*(i)}$$

Литература

1. Т.Т.Битвинская, Дендроклиматические исследования, Гидрометеоиздат, 1974.
2. James B. Campbell, Manual for using basic chronology programs, Laboratory of Tree-Ring Research, University of Arizona, 1973.
3. ФОРТРАН для БЭСМ-6, Вильнюс, 1974.
4. Р.Хирр, Р.Штробель, АЛГОР в мониторной системе ДУБНА, ИПМ АН СССР, 1973.
5. Ю.М.Баяковский, ГРАФОР: комплекс графических программ на ФОРТРАН'e, ИПМ АН СССР, 1972.

TREE-RING SERIES 1232 INDICES



PNC. 2

```

SUBROUTINE DRATRE(NAME, YEAR, NN, KZ0, KZMAX, KQ, NRMAX, XPAG, VPAG,
   XREG, VREG, KPLDT, KQ1, KQ2, KERR)
DIMENSION NAME(NN), YEAR(NN), RW(600), GROW(320),
   TEMP(320,5), COEF(31)
COMMON /BDT/ RMNO, RMX0, IMNO, IMX0, RMN1, RMX1, IMN1, IMX1
REAL IMNO, IMX0, IMN1, IMX1, IMN2, IMX2
EXTERNAL RERS

C SUBROUTINE D R A T R E IS DESIGNATED READ TREE-RING WIDTH
C SERIES FROM MAGNETIC TAPE, COMPUTE TREE-RING INDICES AND TO
C PLOT TREE-RING WIDTH SERIES OR INDICES BY PRINTER OR PLOTTER.
C
C NAME(NN) = NAMES OF TREE-RING SERIES (INTEGER NUMBERS
C             < 1000000 )
C YEAR(NN) = YEARS OF FIRST RING OF SERIES
C NN       = NUMBER OF SERIES
C KZ0      = FIRST ZONE OF TREE-RING WIDTH SERIES ON MAGNETIC
C             TAPE
C KZMAX    = LAST ZONE OF TREE-RING WIDTH SERIES ON MAGNETIC
C             TAPE
C
C I 0      = EARLYWOOD
C KQ = I 1 = LATEWOOD
C     I 2 = ALLWOOD
C
C NRMAX<=300 = MAXIMUM NUMBER OF RINGS IN SERIES
C XREG      = WIDTH OF PLOTTER'S PAGE (CM) . WIDTH OF PRINTER'S
C             PAGE IS XREG=110 POSITIONS
C VPAG      = HEIGHT OF PLOTTER'S PAGE (CM) . HEIGHT OF
C             PRINTER'S PAGE IS UNLIMITED
C XREG<XPAG = WIDTH OF PLOT'S REGION ON PAGE ( CM FOR PLOTTER
C             AND POSITIONS FOR PRINTER )
C VREG<VPAG = HEIGHT OF PLOT'S REGION ON PAGE ( CM FOR PLOTTER
C             AND ROWS FOR PRINTER )
C
C I 0      = PLOTTING BY PRINTER
C KPLD=I
C     I 1 = PLOTTING BY PLOTTER
C
C I 0      = TREE-RING WIDTH SERIES NOT PLOTTED
C KQ1 = I
C     I 1 = TREE-RING WIDTH SERIES PLOTTED
C
C I 0      = TREE-RING INDICES NOT PLOTTED
C KQ2 = I
C     I 1 = TREE-RING INDICES PLOTTED
C
C KERR     = CRITERION OF ERROR ( KERR>0 - ERROR , KERR=0 -
C             NO ERROR )
C RMNO    = MINIMUM VALUE OF RING WIDTH
C RMX0    = MAXIMUM VALUE OF RING WIDTH . IF RMNO<RMX0 ,
C             LIMITS OF RING WIDTHS PLOT ARE [RMNO,RMX0] ,
C             ELSE LIMITS ARE DETERMINED BY D R A T R E
C
C IMNO    = MINIMUM VALUE OF RING INDEX
C IMX0    = MAXIMUM VALUE OF RING INDEX . IF IMNO<IMX0 ,
C             LIMITS OF RING INDICES PLOT ARE [IMNO,IMX0] ,
C             ELSE LIMITS ARE DETERMINED BY D R A T R E
C
C RMN1    = MINIMUM VALUE OF RING WIDTH ( RESULT OF
C             D R A T P E )
C RMX1    = MAXIMUM VALUE OF RING WIDTH ( RESULT OF
C             D R A T P E )
C IMN1    = MINIMUM VALUE OF RING INDEX ( RESULT OF

```

```

C      D R A T R E }
C      IMX1   MAXIMUM VALUE OF RING INDEX ( RESULT OF
C      D R A T R E }

C
C
C      XINT=1, 0 VINT=2, 0 NRW1=600 + PERCENT=0.05 + MJ=40B
C      NRW=NRW1/2 + NNY=NRW+20 + DEL=10,--(-10,)
C      IF(NRMAX-NRW1 1,1,2
C      1 NRMAX1=NRMAX + GOTO 3
C      2 NRMAX1=NRW
C      3 CONTINUE
C      BEGIN PAGE OF PLOTTER
C      IF(KPLOT.EQ.1) CALL PAGE(XPAG,YPAG,0,0,0)
C      IB=1
C      DO 28 IS=1,NR
C      VA=NAME(IS)
C      READ TREE-RING WIDTH SERIES VA FROM MAGNETIC TAPE
C      CALL ALPROG(RERS,'VAR',VA,'VAR',KQ,'VAR',MJ,'VAR',KZ0,'VAR',
C      '          KZMAX,'VAR',KZR,'APRAYER',RW,NRMAX,'VAR',NR,8)
C      TREERING WIDTH SERIES VA IS IN RW(NR)
C      NDEL=NRW-NR
C      IF(NDEL.GE.0) GOTO 4
C      TREE-RING SERIES TOO LONG
C      KERR=1 + RETURN
C      4 CONTINUE
C      FIND MINIMUM AND MAXIMUM OF TREE-RING WIDTH SERIES VA
C      RMN2=RW(1) + RMX2=RMN2
C      DO 5 I=2, NR
C      IF(RW(I).LT.RMN2) RMN2=RW(I)
C      IF(RW(I).GT.RMX2) RMX2=RW(I)
C      5 CONTINUE
C      FIND ABSOLUTE MINIMUM AND MAXIMUM OF ALL TREE-RING WIDTH SERIES
C      IF(IS-1) 6,6,7
C      6 RMN1=RMN2 + RMX1=RMX2 + GOTO 8
C      7 IF(RMN2.LT.RMN1) RMN1=RMN2
C      IF(RMX2.GT.RMX1) RMX1=RMX2
C      8 CONTINUE
C      IF(KQ1.EQ.0) GOTO 15
C      IF(NDEL.EQ.0) GOTO 10
C      DO 9 I=1,NDEL
C      I1=NR+I + RW(I1)=0.
C      9 CONTINUE
C      10 IF(RMNO.GE.RMX0) GOTO 11
C      RMN2=RMNO + RMX2=RMX0
C      11 CONTINUE
C      IF(KPLOT) 15+12+14
C      12 PRINT 13,VA
C      13 FORMAT(//,10X,PTREE-RING SERIES',IS,
C      '           2X, PW 1D THS')
C      DRAW TREE-RING WIDTHS BY PRINTER
C      CALL DRARA(RW,NR,RMN2,RMX2,YEAR(IS),XREG,YREG,0.)
C      GOTO 15
C      DRAW TREE-RING WIDTHS BY PLOTTER
C      14 CALL DRARB(RW,NR,RMN2,RMX2,YEAR(IS),NAME(IS),IB,
C      '           XPAG+YPAG+XREG,YREG,XINT,VINT)
C      IB=IB+1
C      15 CONTINUE
C      POLYNOMIAL TREE-RING WIDTH CURVE FITTING ( RESULT GROW(NR) )
C      CALL FITPOL(RW,NR,GROW,COEF,NDFG,PERCENT,TEMP,NNY)
C      IF(NDEG.LT.24) GOTO 26
C      DEGREE OF POLYNOMIAL TOO BIG
C      KERR=2 + RETURN

```

```

16 CONTINUE
C COMPUTE TREE-RING INDICES AND FIND MINIMUM AND MAXIMUM
C INDEX FOR SERIES VA
  RW(1)=RW(1)/GROW(1) 0 IMN1=RW(1) 0 IMX2=IMN2
  DO 17 I=2,NR
    IF(GROW(I),EQ,0.) GROW(I)=DEL 0 RW(I)=RW(I)/GROW(I)
    IF(RW(I),LT,IMN2) IMN2=RW(I)
    IF(RW(I),GT,IMX2) IMX2=RW(I)
17 CONTINUE
C FIND ABSOLUTE MINIMUM AND MAXIMUM FOR ALL TREE-RING INDICES
  IF(IS-1) 18,18,19
18 IMN1=IMN2 0 IMX1=IMX2 0 GOTO 20
19 IF(IMN2,LT,IMN1) IMN1=IMN2
  IF(IMX2,GT,IMX1) IMX1=IMX2
20 CONTINUE
  IF(KQ2,EQ,0) GOTO 27
  DO 21 I=1,NDEL
    II=NR+I 0 RW(II)=0
21 CONTINUE
  IF(IMNO,GE,IMX0) GOTO 23
  IMN2=IMNO 0 IMX2=IMX0
23 CONTINUE
  IF(KPLOT) 27,24,26
24 PRINT 25,VA
25 FORMAT(//,10X,'T R E E - R I N G   S E R I E S ',17,
      *      2X,10N1'D1 C E S')
C DRAW TREE-RING INDICES BY PRINTER
  CALL DRARA(RW,NR,IMN2,IMX2,YEAR(IS),XREG,VREG,0.)
  GOTO 27
C DRAW TREE-RING INDICES BY PLOTTER
26 CALL DRARB(RW,NR,IMN2,IMX2,YEAR(IS),NAME(IS),IB,
      *           XPAG,YPAG,XREG,VREG,XINT,VINT)
      IB=IB+1
27 CONTINUE
28 CONTINUE
C END PAGE OF PLOTTER
  IF(KPLOT,EQ,1) CALL ENDPG(0)
  RETURN
END

```

```

'INTEGER' 'PROCEDURE' RMAIL(PM,N,RK); 'REAL' RK;'INTEGER' N;'ARRAY' RM;
'BEGIN' 'INTEGER' I,J;I:=0;
'FOR' I:=I+1 'WHILE' ((RM[I]) $\neq$ RK) 'AND' (I $\leq$ N) 'DO' J:=I;
'IF' (J $<$ I) 'THEN' J:=J+1;RMAIL:=J;
'END';
'EOF';

'CODE';SKZONA;
'PROCEDURE' RERS(INV,Q,MJ,ZR0,ZMX,ZP,R,NR);
'REAL' INV; 'INTEGER' Q,ZR0,ZPMX,ZR,NR;'BITS' MJ;'ARRAY' RI;
'BEGIN' 'REAL' INV1,R1;'ARRAY' ZZ[1:1024];
'INTEGER' ISN,C,ZR01,ZRMX1,Z,NR1,I;I1,J;
'IF' ((ZR $<$ ZR0) $\wedge$ OR(ZR $\geq$ ZPMX)) 'THEN' ZR:=ZR0;
ISN:=999;ZR01:=ZR;ZRMX1:=ZRMX;NR1:=0;
'FOR' C:=1..2 'DO' 'IF' (NR $\neq$ 0) 'THEN'
'BEGIN' Z:=ZR01-1;
'FOR' Z:=Z+1 'WHILE' ((NR $\neq$ 0) $\wedge$ AND(Z $\leq$ ZRMX1)) 'DO'
'BEGIN' SKZONA(Z,Z,MJ);
'IF' (Z11 $\neq$ ISN) 'THEN' ZRMX1:=Z 'ELSE'
'BEGIN' INV1:=Z11;NR1:=C;I:=1;
'FOR' I:=I+NR1 'WHILE' ((INV1 $\neq$ INV) 'AND'
(INV1 $\neq$ ISN)) 'AND' (I $\leq$ 1024) 'DO'
'BEGIN' INV1:=ZZ[I];NR1:=Z2[I+1];I1:=I+1 'END';
'IF' ((INV1 $\neq$ INV) $\wedge$ AND(I1+NR1 $\leq$ 1024)) 'THEN'
'BEGIN' NR:=(NR1-2)/2;
'FOR' J:=1 'STEP' 1 'UNTIL' NR 'DO'
'BEGIN'
'IF' (Q $\neq$ 0) 'THEN' RIJ1:=ZZ[I1+J];
'IF' (Q $\neq$ 1) 'THEN' RIJ1:=ZZ[I1+J+NR];
'IF' (Q $\neq$ 2) 'THEN' RIJ1:=ZZ[I1+J]+ZZ[I1+J+NR];
'END';
'END';
'END';
'END';
'IF' (ZR01:=ZR0;ZRMX1:=ZP-1);
'END';
'END';
'EOF';

```

```

SUBROUTINE DRAPR(NR, RMIN, RMAX, YEAR, XREG, YREG, CO)
DIMENSION R(1)

C SUBROUTINE D R A P R IS DESIGNATED TO PLOT FUNCTION R(NR) BY
C MEANS OF PRINTER .
C
C R(NR) - FUNCTION TO BE PLOTTED ,
C NR - LENGTH OF FUNCTION R ,
C RMIN - MINIMUM VALUE OF FUNCTION R ,
C RMAX - MAXIMUM VALUE OF FUNCTION R , LIMITS OF FUNCTION ARE
C [RMIN,RMAX] . IF RMAX<=RMIN , LIMITS ARE DEFINED BY
C D R A P R ,
C YEAR - ARGUMENT OF R(1) . LIMITS OF ARGUMENT ARE
C [YEAR,YEAR+NR-1] ,
C XREG - WIDTH OF FUNCTION'S REGION ON PAGE (POSITIONS) ,
C YREG - HEIGHT OF FUNCTION'S REGION ON PAGE (ROWS) ,
C
C DX=1, & MPN=15, & MDW=INT(XREG) & NY=INT(YREG)
C FORM ARRAY P(NR*2) , CONSISTING OF TWO FUNCTIONS R AND RR=CO
C DO 1 I=1:NR
C K=NR+I & P(KR)=CO
1 CONTINUE
CALL DRAC(R,NR,-2,YEAR,DX,RMIN,RMAX,MPN,MDW,NY,KERR)
RETURN
END

```

```

SUBROUTINE DRARB(R,NR,RMIN,RMAX,VEAR,NAME,J,XPAG,YPAG,
*                           XREG,YREG,XINT,YINT)
DIMENSION R(NR)

C SUBROUTINE D R A R B IS DESIGNATED TO PLOT FUNCTION R(NR)
C BY MEANS OF PRINTER OR PLOTTER. SUBROUTINES LIMITS,XAXIS,YAXIS,
C INCLIN ARE FROM FORTRAN PLOTTING PACKAGE G R A F O R .

C R(NR)      - FUNCTION TO BE PLOTTED
C NR         - LENGTH OF FUNCTION R
C RMIN       - MINIMUM VALUE OF FUNCTION
C RMAX       - MAXIMUM VALUE OF FUNCTION . LIMITS OF FUNCTION ARE
C              (RMIN,RMAX). IF RMAX<=RMIN , LIMITS ARE DEFINED BY
C              D R A R B .
C VEAR        - ARGUMENT OF R(J) . LIMITS OF ARGUMENT ARE
C              (VEAR,VEAR+NR-1)
C NAME        - NAME OF FUNCTION R ( INTEGER NUMBER < 1000000 )
C J>0        - NUMBER OF REGION ON PAGE ,
C XPAG        - WIDTH OF PLOTTER'S PAGE (CM) ,
C YPAG        - HEIGHT OF PLOTTER'S PAGE (CM) ,
C XREG<XPAG - WIDTH OF FUNCTION'S REGION ON PAGE (CM) ,
C YREG<YPAG - HEIGHT OF FUNCTION'S REGION ON PAGE (CM) ,
C XINT,YINT - INTERVALS AMONG REGIONS (CM) ,
C
C RMIN1=RMIN & RMAX1=RMAX & IF(RMIN,LT,RMAX) GOTO 2
C DEFINE LIMITS OF R
C RMIN1=R(1) & RMAX1=R(1)
C DO 1 I=2,NR
C IF(R(I),LT,RMIN1) RMIN1=R(I) & IF(R(I),GT,RMAX1) RMAX1=R(I)
1 CONTINUE
2 CONTINUE
XINT0=2.5 & VINT0=2.5 & JJ=J & VEAR1=VEAR+NR-1
XPAD=XAXIS10(NR) & YPAD=YAXIS10(RMAX1-RMIN1)
CALL REGIO1(XPAG,YPAG,XREG,YREG,XINT,YINT,XINT0,VINT0,JJ,NAME)
IFI(JJ,LE,0) RETURN
C THERE IS NO PLACE FOR REGION J ON PAGE
CALL LIMITS(VEAR,VEAR1,RMIN1,RMAX1)
CALL LOADGO(RMIN1,4*VEAR1,XPAD,10,0,1,'XAXIS')
CALL LOADGO(VEAR,6*MRING,6,YPAD,5,0,3,'YAXIS')
CALL LOADGO(VEAR,1,0,R,NR,0,20,'INCLIN')
RETURN
END

```

```

SUBROUTINE FITPOL(Y,NY,Y1,COEF,NDEG,PERCENT,TEMP,NNY)
DIMENSION Y(NNY),Y1(NNY),COEF(31),TEMP(NNY+5)
CALL COPOL(Y,NY,COEF,NDEG,Y1,PERCENT,TEMP,NNY)
IF(NDEG.LE.15) GOTO 3
PRINT 1,NDEG
1 FORMAT(10X,'***FITPOL*** DEGREE',I3,' IS TOO HIGH')
DO 2 IX=1,NY
2 Y1(IX)=0.
GOTO 6
3 XPI=10.
DO 5 IX=1,NY
5 X=XPI+IX 6 X1=1. 0 Y2=COEF(1)
DO 4 J=2,NDEG
4 X1=X1*X 0 Y2=Y2+X1*COEF(J)
CONTINUE
Y1(IX)=Y2
CONTINUE
CONTINUE
RETURN
END

```

```

SUBROUTINE FITEXP(Y,NY,Y1,COEF,LOPT)
DIMENSION Y(NY),Y1(NY),COEF(7)
CALL COEXP(Y,NY,Y1,COEF,LOPT)
DO 1 IX=1,NY
1 X=IX
Y1(IX)=COEF(1)*EXP(-COEF(2)*X)+COEF(3)*X+COEF(4)
CONTINUE
RETURN
END

```

```

SUBROUTINE DRAC(V,NX,NF,X1,DX,UMIN,UMAX,MPW,MDW,NY,KERR)
DIMENSION V(1),KS(6),KEIL(128)
DATA(KS=1H-,1H+,1H+,1H-,1H-,1H+)
NFMAX=5 0 MTARP=2 0 MPWMIN=15 0 NDX=10 0 NDV=5 0 NCODV=8
DEL=10.**(-10.) 0 NSENFMAX+1
NXA=NX 0 NFA=ABS(NF) 0 DXA=DX 0 MPWA=MPW 0 MDWA=MDW 0 NYA=NY
IF(NXA.GT.1) GOTO 2 0 KER=1 0 RETURN
1 IF((NF.GT.1).OR.(NF.EQ.-2)) GOTO 2 0 KERR=2 0 RETURN
2 IF(NF.GT.NFMAX) NFA=NFMAX
IF(MPWA.GE.MPWMIN) GOTO 4 0 KERR=3 0 RETURN
4 IF(MDWA.GE.1) GOTO 5 0 KERR=4 0 RETURN
5 IF(MDWA.LE.129-MPWA) GOTO 6 0 KERR=4 0 RETURN
6 IF(NYA.GT.1) GOTO 7 0 KERR=5 0 RETURN
7 NGR=(NXA-1)/MDWA+1 0 MDW1=NXA-MDWA*(NGR-1)
DXX=MDWA*DXA 0 DXX1=DXX-DXA 0 UMINA=UMIN 0 UMAXA=UMAX
IF(UMINA.LT.UMAXA) GOTO 30
NXF=NXA+NFA 0 UMINA=V(1) 0 UMAXA=UMINA
DO 9 I=2,NKF
IF(UMINA.LT.V(I)) GOTO 8 0 UMINAV(I)
8 IF(UMAXA.GE.V(I)) GOTO 9 0 UMAXAV(I)
9 CONTINUE
IF(UMINA.LT.UMAXA) GOTO 10 0 KERR=6 0 RETURN
10 DVY=(UMAXA-UMINA)/NYA
DO 27 IGR=1,NGR
IGR1=IGR-1 0 IXP=IGR1+MDWA+1 0 XPI=IGR1+DXX+X1
IF(IGR-NGR) 11,12,12
11 IXG=IXP+MDW-1 0 GOTO 13
12 IXG=IXP+MDW1-1
13 IDV=-1 0 UY2=UMAXA 0 NFBNF
DO 25 IY=1,NVA
UY1=UY2-DVY 0 IDV=IDV+1
IF((IV.EQ.NVA).AND.(NF.EQ.-2)) NFBNF=1
IF(IDV-NDV) 15,16,16
15 KQ=0 0 GOTO 17
16 KQ=1 0 IDV=0
17 CONTINUE
IF(IV-1) 18,20,18
18 IF(NYA-IV) 21,19,21
19 UY2=UY1-DEL
20 KQ=2
21 CONTINUE
CALL ACEIL1(MPWA,MDWA,UY2,NCODV,XP,DXA,NDX,KQ,KEIL,KERR1)
IF(KERR1.EQ.0) GOTO 22 0 KERR=6 0 RETURN
22 CONTINUE
DO 23 IX=IXP,IXG
CALL ACEIL1(V,NXA,NF,IX,UY1,UY2,MPWA,MDWA,KS,NS,KEIL,KERR1)
IF(KERR1.EQ.0) GOTO 23 0 KERR=7 0 RETURN
23 CONTINUE
PRINT 24,KEIL
24 FORMAT(128A1)
UY2=UY1
25 CONTINUE
CALL ACEIL0(MPWA,MDWA,UMINA,NCODV,XP,DXA,NDX+3,KEIL,KERR1)
PRINT 24,KEIL
DO 27 I=1,MTARP
PRINT 26
26 FORMAT()
27 CONTINUE
KERR=0
RETURN
END

```

```

SUBROUTINE ACEIL0(MPW,MDW,VV,NCODY,X1,DX,NDX,K0,KEIL,KERR)
DIMENSION KEIL(128),KC0D(5),KC(30)
DATA(KSYM1=1H ),(KSYM2=1H ),(KSYM3=1H ),(KSYM4=1H )
NCODX=8 0 UPWA=MPW 0 NDXA=NDX 0 NJE=UPWA+MDW-1
IF(MPWA.GT.1) GOTO 1 0 KERR=1 0 RETURN
1 IF(MDW.GE.1) GOTO 2 0 KERR=2 0 RETURN
2 IF(NIS.LE.128) GOTO 3 0 KERR=2 0 RETURN
3 IF(NCODY.GE.3) GOTO 4 0 KERR=3 0 RETURN
4 IF(NCODY.LE.MPWA-6) GOTO 5 0 KERR=3 0 RETURN
5 IF(NDXA.GE.10) GOTO 6 0 KERR=4 0 RETURN
6 IF(KQ.GE.0) GOTO 7 0 KERR=5 0 RETURN
7 IF(KQ.LE.3) GOTO 8 0 KERR=5 0 RETURN
8 DO 9 IS=1,128
9 KEIL(IS)=KSYM1
IF(KQ.GT.1) GOTO 10
KEIL(MPWA)=KSYM2 0 KEIL(NIS)=KSYM2
10 IF(KR.NE.2) GOTO 14 0 IDX=NDXA-1
DO 13 IS=MPWA,NIS
IDX=IDX+1
IF(IDX-NDXA) 11,12,11
11 KEIL(IS)=KSYM4 0 GOTO 13
12 KEIL(IS)=KSYM3 0 IDX=0
13 CONTINUE
14 IF(KQ.EQ.0) GOTO 17
CALL FORUN(VV,NCODY,NCY,KC0D,KERR1)
IF(KERR1.NE.0) GOTO 17
DECODE(30,15,KC0D) KC
15 FORMAT(30A1)
IS1=MPWA-NCY-5
DO 16 I=1,NCY
IS=IS1+I 0 KEIL(IS)=KC(I)
16 CONTINUE
17 CONTINUE
IF(KQ.NE.3) GOTO 20
DXX=NDXA*DX 0 X=X1-DXX
DO 19 IS=MPWA,NIS,NDXA
X=X-DXX
CALL FORUN(X,NCODX,NCX,KC0D,KERR1)
IF(KERR1.NE.0) GOTO 19
DECODE(30,15,KC0D) KC
IS1=IS-NCX/2 0 J1=IS1-1
DO 18 J=1,NCX
J1=J1+1 0 KEIL(J1)=KC(J)
18 CONTINUE
19 CONTINUE
20 KERR=0
RETURN
END

```

```

SUBROUTINE ACEIL1(V,NX,NF,IX,VV1,VV2,MVN,MDW,KS,NS,KEIL,KERR)
DIMENSION V(1),KS(NS),KEIL(128)
1 IF(NS.GE.2) GOTO 10 KERR=10 RETURN
2 IF((NF.LE.NS-1).AND.(NF.GT.0).OR.(NF.EQ.-2)) GOTO 2
KERR=20 RETURN
3 IF(VV1.LE.VV2) GOTO 30 KERR=30 RETURN
4 KEIL(IX-1)/MDW+IX1=IX-MDW+K+IE*MVN+IX1-1
5 IF(NF.GE.2) 12,7,4
6 IXF=IX-NX+150
7 IF(IXF.GE.1) 10,12,1
8 IF(V(IXF).GT.VV2) GOTO 60 IF(V(IXF).LE.VV1) GOTO 6
9 IS=IS+1 IF(IS.EQ.1) GOTO 5
KEIL(IE)=KS(NS) KERR=0 RETURN
10 KEIL(IE)=KS(1)
11 CONTINUE
12 GOTO 12
13 A1=V(IX) IX1=IX-NX+1 A2=V(IX1)
14 IF(A2-A1).GE.8.0
15 VV1A=A1 VV2A=A2 GOTO 10
16 VV1A=A2 VV2A=A1
17 IF((VV2.GE.VV1A).AND.(VV1.LT.VV2A)) KEIL(IE)=KS(1)
18 KERR=0
19 RETURN
20 END

```

```

SUBROUTINE FORUN(X,LM,L,KXCOD,KERR)
DIMENSION KXCOD(5),KFF(2),KFE(2),KXCOD1(30),KXCOD2(5)
DATA (KFF=8H(F00,00)),(KFE=8H(E00,00)),(KF1=6H(30A11))
IF(LM.GE. 2) GOTO 1 + KERR=1 + RETURN
1 IF(LM.LE.29) GOTO 2 + KERR=1 + RETURN
2 X1=X + LM1=LM
3 IF(X1) 3+4,4
4 ISIX=1H- 0 GOTO 5
5 NSA=DIGNUI(X1) 0 NTA=DIGNUF(X1) + NTA1=DIGNUL(y1)
6 IF(NSA) 6,6,7
7 KQS=1 0 NSA=1 0 GOTO 8
8 KQS=0
9 LMIN=1+NSA+KQS*(NTA1+2)
10 IF((LMIN.GT.LM1).AND.(X1.NE.0.)) GOTO 11
C FORMAT OF X IS (F L1,NTB)
11 NTR=LM1-NSA-2
12 IF((NTB,LT,0).OR.(NTR,LT,NTA1+1)) NTR=0
13 IF(NTB.GT.NTA) NTB=NTA
14 L1=1+NSA+NTB 0 IF(NTR.GT.0) L1=L1+1
15 CALL FORVA1(L1,NTB,KFF,X1,KXCOD2,KERR1)
16 IF(KERR1.EQ.0) GOTO 10 + KERR=3 + RETURN
17 LTG=L1
18 DECODE(30,KF1,KXCOD2) KXCOD1
19 GOTO 19
C FORMAT OF X IS 1E L1,NTB
20 IF(LM1.GE.4) GOTO 12 + KERR=2 + RETURN
21 L1=LM1+1
22 NTB=L1-6 0 IF(NTB.GT.0) GOTO 14 + NTR=0 + L1=L1-1
23 CALL FORVA1(L1,NTB,KFE,X1,KXCOD2,KERR1)
24 IF(KERR1.EQ.0) GOTO 15 + KERR=4 + RETURN
25 DECODE(30,KF1,KXCOD2) KXCOD1
C CHECK ABS. VALUE OF EXPONENT (MORE OR LESS 10 )
26 IF(KXCOD1(L1-1).EQ.1H0) GOTO 18
27 IF(L1-LM1) 17,17,16
28 L1=LM1 0 GOTO 13
29 LTG=L1-3 0 GOTO 19
30 L1=L1-1 0 LTG=L1-2 + KXCOD1(L1)=KXCOD1(L1+1)
31 CONTINUE
C CHECK NUMBER OF TYPE .9999...
32 IF(KXCOD1(1).EQ.1H-) GOTO 23
33 IF(KXCOD1(1).EQ.1H+) GOTO 23
34 IF(KXCOD1(1).EQ.1H ) GOTO 22
35 LTG=LTG+1 0 L1=L1+1 + LL=L1
36 KXCOD1(LL)=KXCOD1(LL-1)
37 IF(LL-2) 21,22,21
38 LL=LL-1 0 GOTO 20
39 KXCOD1(1)=ISIX
40 CONTINUE
41 IF(NTB.LE.0) GOTO 31
C CHECK LAST DIGITS OF FRACTION (.0-OR 1-9 )
42 LTP=LTG-NTB 0 KTQ=0 + LL=LTG
43 IF(LL-LTP) 25,26,25
44 IF(KXCOD1(LL).NE.1H0) GOTO 27
45 LL=LL-1 0 GOTO 24
46 KTQ=1
47 NTR1=LL-LTP 0 KSHIFT=NTB1+KTQ
48 IF(KSHIFT.LE.0) GOTO 31 + IF(LTG.EQ.L1) GOTO 30
49 LL=LTG+1
50 LL1=LL-KSHIFT + KXCOD1(LL1)*KXCOD1(LL1)
51 IF(LL-L1) 29,30,29
52 LL=LL+3 0 GOTO 28

```

```

30 L1=L1-KSHIFT
31 L=L1
32 L1=L1+1.0 DO 32 K=L1,30
32 KXCOD1(K)=1H
ENCODE(30,KF1,KXCOD) KXCOD1
KERR=0
RETURN
END

SUBROUTINE FORVAL(N,M,KF,X,KXCOD,KERR)
DIMENSION KF(2),KXCOD(5),KF1(8),KXCOD1(30),KK(2)
DECODE(8,20,KF) KF1
ENCODE(2,21,N2) KF1(3),KF1(4)
DECODE(2,22,N2) N1
IF((N.LT.0).AND.(M.LT.0)) GOTO 11
NN=N 0 MM=M
IF(NN.LT.0) GOTO 1
N1=NN
ENCODE(2,22,N2) N1
DECODE(2,21,N2) KK
KF1(3)=KK(3) 0 KF1(4)=KK(2)
1 CONTINUE
1 IF(MM) 2,3,3
2 ENCODE(2,21,M2) KF1(6),KF1(7)
DECODE(2,22,M2) M1
GOTO 4
3 M1=MM
ENCODE(2,22,M2) M1
DECODE(2,21,M2) KK
KF1(6)=KK(1) 0 KF1(7)=KK(2)
4 IF(N1.LE.30) GOTO 5 0 KERR=1 0 RETURN
5 IF(KF1(2).NE.1HF) GOTO 6
IF(N1.GE.M1+2) GOTO 10 0 KERR=2 0 RETURN
6 IF(M1) 7,7,8
7 K0=0 0 GOTO 9
8 K6=1
9 IF(N1.GE.M1+5+K0) GOTO 10 0 KERR=3 0 RETURN
10 ENCODE(8,20,KF) KF1
11 ENCODE(N1,KF,KXCOD) X
KERR=0
20 FORMAT(8A1)
21 FORMAT(2A1)
22 FORMAT(I2)
RETURN
END

```

```

INTEGER FUNCTION DIGNUI(X)
DIMENSION MCOD(5),MI(30)
IX=IABS(INT(X)) 0 KDI=0
ENCODE(28,1,MCOD) IX
1 FORMAT(1Z8)
DECODE(28,2,MCOD) MI
2 FORMAT(2ZI1)
DO 3 I=1,28
IF(MI(I).EQ.0) GOTO 3 0 KDI=29-I 0 GOTO 4
3 CONTINUE
4 DIGNUI=KDI
RETURN
END

```

```
INTEGER FUNCTION DIGNUF(X)
DIMENSION MCOD(5),MF(30)
FX=ABS(X-INT(X)) * KDF=0
ENCODE(29,1,MCOD) FX
1 FORMAT(F29.28)
DECODE(29,2,MCOD) MF
2 FORMAT(1X,2B11)
DO 3 I=1,25
I1=26-I * IF(MF(I1).EQ.0) GOTO 3 * KDF=I1 * GOTO 4
3 CONTINUE
4 DIGNUF=KDF
RETURN
END
```

```
INTEGER FUNCTION DIGNUL(X)
DIMENSION MCOD(5),ML(30)
FX=ABS(X-INT(X)) * KDL=25
ENCODE(29,1,MCOD) FX
1 FORMAT(F29.28)
DECODE(29,2,MCOD) ML
2 FORMAT(1X,2B11)
DO 3 I=1,25
IF(ML(I).EQ.0) GOTO 3 * KDL=I-1 * GOTO 4
3 CONTINUE
4 DIGNUL=KDL
RETURN
END
```

```

SUBROUTINE REGIO1(XPAG,YPAG,XRFG,YREC,XINT,YINT,XINTD,YINTD,
*J,TITLE)
  IF(J.LE.0) GOTO 4
  NY=(YPAG-2*YINTD+YINT)/(YREG+YINT)
  NX=(XPAG-2*XINTD+XINT)/(XRFG+XINT)
  IX=(J-1)/NY 0 IF(IX.LT.NX) GOTO 1 0 J=-J 0 GOTO 4
  1 IY=J-1*NY 0 PX=XINTD+IX*(XREG+YINT)
  PY=YPAG-YINTD+IY*(YREG+YINT)
  CALL PEGION(PX,PY,XRFG,YREG,0,0,0)
  IF(ABS(TITLE).GE.1000000.) GOTO 4
  PX=PX+XRFG-1.5 0 PY=PY+YREG+0.3
  K=TITLE*100. 0 IF(1ABS(K-100*(K/100))) 2,2,3
  2 CALL NUMBER(PX,PY,0.4,TITLE,0,0) 0 GOTO 4
  3 CALL NUMBER(PX,PY,0.4,TITLE,2,0)
  4 CONTINUE
  RETURN
END

FUNCTION AXIS10(T)
  T1=T 0 AX=1. 0 IF(T.EQ.0.) GOTO 5 0 IF(T1-1.) 1,3,3
  1 AX=0.1
  2 T1=T1*10. 0 IF(T1.GE.1.) GOTO 5 0 AX=AX*0.1 0 GOTO 2
  3 AX=1.
  4 T1=T1*0.1 0 IF(T1.LE.1.) GOTO 5 0 AX=AX*10. 0 GOTO 4
  5 AXIS10=AX
  RETURN
END

SUBROUTINE INDEX(Y,NY,V1,LOPT,NDEG,COEF,TEMP,NNY)
DIMENSION Y(NNY),V1(NNY),COEF(31),TEMP(NNY,5)
NDEG=4 KK=1 0 IF((LOPT.LT.0).OR.(LOPT.EQ.4))GOTO 20 KK=0 PER=0.05
IF((LOPT.GE.0).AND.(LOPT.LE.3)) CALL FITEXP(Y,NY,V1,COEF,LOPT)
IF(LOPT.EQ.5) CALL FITPOL(Y,NY,V1,COEF,NDEG,PER,TEMP,NNY)
IF(LOPT.GE.6) CALL FITMEA(Y,NY,V1,LOPT)
DO 1 J=1,NY
  V1(J)=Y(J)/Y1(J) 0 IF(V1(J).LT.0) KK=1
  1 CONTINUE
  2 IF(KK.EQ.1) NDEG=-NDEG
  RETURN
END

SUBROUTINE FITMEA(Y,NY,V1,IVID)
DIMENSION Y(NY),V1(NY)
M1=IVID/2
DO 2 I=1,NY
  IP=I-M1 0 IG=IP+IVID-1 0 IF(IP.LE.0) IP=1 0 IF(IG.GT.NY) IG=NY
  M=IG-IP+1 0 S=0
  DO 1 J=IP,IG
    1 S=S+Y(J)
    . V1(I)=S/M
    2 CONTINUE
  RETURN
END

```